

بسم الله الرحمن الرحيم

اللهم صل على محمد وآل محمد



تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی -- نشریه ۶
 زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۸۰ نوبه نشریه ۹۰ نوبه
 تعداد کل صفحات: ۸

۸۷ / ۱۱ / ۷
 ۸۱۳

نام پرسن: پژوهش عملیاتی ۲
 رشته تحصیلی: گرایش حسابداری
 کد پرسن: ۱۴۱۸۰۹۴

استفاده از ماشین حساب مجاز است.

۱. تغییر در ضرایب تابع هدف (c_j)

الف. بر بهینگی تأثیر دارد.

ج. بر بهینگی و شدن بودن مؤثر است.

د. هیچکام

۲. ناموجه شدن یک مسئله بعد از تحلیل حساسیت می‌تواند به دلیل:

الف. تغییر در ضرایب فنی باشد.

ج. اضافه شدن یک محدودیت جدید باشد

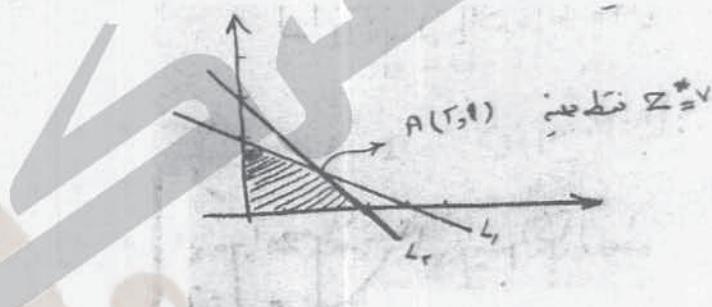
در مسئله زیر که حل ترسیمی آن داده شده است، به سوال ۳ تا ۵ پاسخ دهید.

$$\text{Max } Z = 2x_1 + 3x_2$$

$$x_1 + 2x_2 \leq 4$$

$$x_1 + x_2 \leq 3$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$



۳. حداقل افزایش مجاز مقدار سمت راست محدودیت دوم چقدر است؟

الف. ۱ ب. ۲ ج. ۳

۴. کدام محدودیت زیر در صورت اضافه شدن مؤثر می‌باشد؟

الف. ۲ ب. ۳ ج. ۴ د. ۵

۵. حدود مجاز ضریب x₁ در تابع هدف چقدر است؟

الف. [۲, ۳] ب. [۱, ۲] ج. [۳/۲, ۲] د. [۳/۲, ۱]

مسئله زیر و جدول ناقصی از آنرا در نظر بگیرید. مسائل ۶ و ۷ را حل کنید.

	Z	x ₁	x ₂	x ₃	S _p	R ₁	R ₂	\bar{b}
Z								
x ₁					0	0	$\frac{1}{3}$	0
R ₁					-1	0	$-\frac{4}{3}$	1
R ₂								
S _p					0	1	$-\frac{1}{3}$	0

$$\text{Min } Z = 4x_1 + x_2$$

$$\text{s.t.} \quad 3x_1 + x_2 = 3$$

$$4x_1 + 3x_2 - x_3 = 6$$

$$x_1 + 2x_2 \leq 4$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

تعداد سوال: نظری ۲۰ تکمیلی - تشرییعی ۶

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۸۰ لفته تشرییعی ۹۰ لفته

تعداد کل صفحات: ۸

نام درس: پژوهش عملیاتی ۲

رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری

کد درس: ۱۲۱۸۰۹۳

۶. ماتریس B^{-1} این جدول عبارت است از:

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}. \quad \text{ب.}$$

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \frac{1}{3} & 0 \\ 0 & -\frac{4}{3} & 1 \end{bmatrix}. \quad \text{الف.}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 4 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}. \quad \text{د.}$$

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\frac{1}{3} & 1 & 0 \\ -\frac{4}{3} & 0 & 1 \end{bmatrix}. \quad \text{ج.}$$

۷. مقدار \bar{A}_1 (ضرایب متغیر x_1 در جدول) عبارت است از:

$$\bar{A}_1 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}. \quad \text{د.}$$

$$\bar{A}_1 = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}. \quad \text{ج.}$$

$$\bar{A}_1 = \begin{bmatrix} 4 \\ 3 \\ 4 \\ 1 \end{bmatrix}. \quad \text{ب.}$$

$$\bar{A}_1 = \begin{bmatrix} 3 \\ 4 \\ 1 \end{bmatrix}. \quad \text{الف.}$$

در یک مرحله از کل مسئله روش اصلاح شده ماتریس B^{-1} و ستون لولا به صورت زیر دارد شده.

$$\bar{A}_j = \begin{bmatrix} 4 \\ 2 \\ -\frac{1}{4} \end{bmatrix} \quad \text{عنصر لولا: ۲} \quad B^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & \frac{1}{4} \end{bmatrix}$$

به سؤالات ۸ و ۹ پاسخ دهید.



تعداد سوالات: نظری ۲۰ تکمیلی - تشرییحی ۶

نام دورس: پژوهش عملیاتی ۲

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۸۰ نوبت تشریح ۹۰ نوبت

رئیس تصدیقی-گردش: حسابداری

تعداد کل صفحات: ۸

کد دورس: ۱۲۱۸۰۹۳

۸. ماتریس مقدماتی مرحله بعد عبارتست از:

$$E = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 \\ -2 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 8 & 0 & 0 \end{bmatrix} . ب.$$

$$E = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} . الف.$$

$$E = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -\frac{1}{4} & 1 & 0 \\ \frac{1}{2} & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 16 & 0 & 0 \end{bmatrix} . د.$$

$$E = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 8 \end{bmatrix} . ج.$$

۹. ماتریس B^{-1} جدید برای مرحله بعد چند است؟

$$B_{new}^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} . ب.$$

$$B_{new}^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 1 \\ 0 & \frac{1}{2} & -\frac{1}{2} \\ 0 & 1 & \frac{1}{8} \end{bmatrix} . الف.$$

$$B_{new}^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & \frac{1}{4} \end{bmatrix} . د.$$

$$B_{new}^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 0 & \frac{1}{2} & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} . ج.$$

$$Max z = ۳x_1 + ۷x_p$$

۱۰. در مرحله اول حل مسئله زیر به روش اصلاح شده.

$$x_1 + ۷x_p + x_p \leq ۴$$

$$B^{-1} = I \text{ و } C_B = [0 \quad 0 \quad 0] . الف.$$

$$۷x_1 + x_p \geq ۱$$

$$B^{-1} = I \text{ و } C_B = [3 \quad 7] . ب.$$

$$x_1 + x_p = ۵$$

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \text{ و } C_B = [0 \quad 0 \quad M] . ج.$$

$$x_1, x_p, x_p \geq ۰$$

$$B^{-1} = I \text{ و } C_B = [0 \quad -M \quad -M] . د.$$

تعداد سوال: نظری ۲۰ تکمیلی - تشرییع ۶
 زمان امتحان: نظری و تکمیلی ۸۰ نظری تشرییع ۹۰ نظری
 تعداد کل صفحات: ۸

نام درسن: پژوهش عملیاتی ۲
 رشته تحصیلی: گرایش: حسابداری
 کد لرن: ۱۲۱۸۰۹۴

۱۱. مسئله پارامتریک زیر به ازای چه مقدار θ ($\theta \geq 0$) بهینه خواهد بود. (مسئله ماکریزم‌سازی و S_1 و S_2 متغیرهای کمکی هستند).

	z	x_1	x_2	S_1	S_2	\bar{b}	
x_2	۱	۰	۰	$\frac{3\theta - 1}{4}$	$\frac{7 - \theta}{4}$	$\frac{11 + 7\theta}{2}$	الف. $\frac{1}{3} \leq \theta \leq 7$
							ب. $3 \leq \theta \leq 7$
x_1	۰	۱	۰	$\frac{-1}{4}$	$\frac{3}{4}$	$\frac{3}{2}$	ج. $-\frac{3}{4} \leq \theta \leq \frac{7}{4}$

۱۲. در یک مسئله حمل و نقل با m مبدأ و n مقصد.

الف. تعداد متغیرهای تصمیم $m+n$ و تعداد محدودیتهای کارکردی $m \times n$ است.

ب. تعداد متغیرهای تصمیم $m \times n$ و تعداد محدودیتهای کارکردی $m+n$ است.

ج. تعداد متغیرهای تصمیم $m+n$ و تعداد محدودیتهای کارکردی $m \times n$ است.

د. تعداد متغیرهای تصمیم $m+n-1$ و تعداد محدودیتهای کارکردی $m+n$ است.

جدول زیر که یکی از مراحل حل مسئله حمل و نقل می‌باشد در نظر بگیرید.

		۱	۲	۳	
		?	۳	۳	مرضه
هزار	انبار	۱	۰	۱	
		۱	۰	۱	۵
۰	۲	-۳	۲	۰	۱۰
۰	۰	۰	۰	۰	۰
	نقاصل	۵	۱۰	۵	

۱۳. مقدار عرضه انبار ۳ چه می‌باشد؟

الف. ۲

- ب. ۳

ج. ۴

- د. ۵

۱۴. مقدار ۷ چند است؟

الف. ۰

ب. ۱

ج. ۲

د. ۳

تعداد سوال: نظری ۲۰ تکمیلی - تشرییحی ۶
 زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۸۰ لفته تشرییحی ۹۰ لفته
 تعداد کل صفحات: ۸

نام درسن: پژوهش عملیاتی ۲
 رشته تحصیلی: کارشناسی حسابداری
 کد درسن: ۱۲۱۸۰۹۳

۱۵. این جدول چه حالت خاصی را نشان می‌دهد؟

الف. نامحدود بودن ب. تباہیدگی ج. بهینه چندگانه د. تباہیده و بهینه چندگانه

۱۶. در صورتیکه بخواهیم یک مسئله حمل و نقل استاندارد با m عرضه و n تقاضا را به مسئله حمل و نقل مرکب تبدیل کنیم (نقل و انتقالات) تعداد مبدأ و مقصد به ترتیب عبارتست از:

الف. $m+n-1$ ب. $m+n$ ج. $m+n$ د. $m \times n$ ه. $m \times n$

۱۷. کدام فرض برنامه‌ریزی خطی در مسائل برنامه‌ریزی عدد صحیح خطی نقض می‌شود؟

الف. فرض تناسب ب. فرض معین بودن ج. فرض بخش‌پذیری د. فرض جمع‌پذیری

۱۸. در کدام روش حل مسائل برنامه‌ریزی عدد صحیح ضرایب پارامترها حتماً باید عدد صحیح باشند؟

الف. جدول ابتدایی روش انشعاب تجدید (شاخه و حد)

ب. جدول ابتدایی روش صفحات برشی

ج. جدول ابتدایی روش صفحات برش تماماً عدد صحیح

د. موارد ب و ج

۱۹. یک جدول بهینه مسئله برنامه‌ریزی خطی متناظر با مسئله برنامه‌ریزی عدد صحیح محض با تابع هدف مینیمم سازی و متغیرهای تصمیم X_1, X_2 داده شد. اگر بخواهیم روی X_2 برش دهیم، معادله برش چه می‌شود؟

$$\frac{3}{2}X_1 + S_1 + \frac{1}{4}S_2 = \frac{23}{4} \quad \text{ب.}$$

$$-\frac{3}{2}X_1 - \frac{1}{4}S_2 + SG_1 = -\frac{3}{4} \quad \text{د.}$$

$$\frac{1}{2}X_1 + X_2 + \frac{1}{4}S_2 = \frac{15}{4} \quad \text{الف.}$$

$$-\frac{1}{2}X_1 - \frac{1}{4}S_2 + SG_1 = -\frac{3}{4} \quad \text{ج.}$$

	Z	X_1	X_2	S_1	S_2	\bar{b}
Z	۱	$-\frac{5}{2}$	۰	۰	$-\frac{3}{4}$	$-\frac{45}{4}$
S_1	۰	$\frac{3}{2}$	۰	۱	$\frac{1}{4}$	$\frac{23}{4}$
X_2	۰	$\frac{1}{2}$	۱	۰	$\frac{1}{4}$	$\frac{15}{4}$



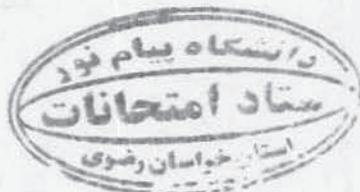
تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی - تقریبی ۶
 زمان امتحان: نسخه و تکمیلی ۸۰ نوبه تقریبی ۹۰ نوبه
 تعداد کل صفحات: ۸

نام درس: پژوهش عملیاتی ۲
 رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری
 کد لرمن: ۱۲۱۸۰۹۴

۲۰. قسمتی از جداول ابتدایی و انتهایی یک مسئله برنامه‌ریزی خطی داده شده است. در صورت امکان افزایش کدام منبع پیشنهاد می‌شود؟

	Z	x_1	x_2	x_3	S_1	S_2	\bar{b}
ابتدایی	Z						۰
	S_1						۲۰
	S_2						۶۰
انتهایی	Z	۱	۰	۰	۳	۶	۰
	x_1						
	S_2						

- الف. اول
 ب. دوم
 ج. هر دو
 د. هیچکام



«سؤالات شرطی»

دانشجوی گرامی، از بین سوالات ۳ و ۶ فقط به یک سوال پاسخ داده شود. در غیر اینصورت نمره‌ای به هیچ کدام اختصاص دارد نخواهد شد.

۱. مسئله تولید زیر و جدول بهینه آنرا در نظر بگیرید.

$$Max Z = 7x_1 + 10x_2$$

$$\begin{aligned} \text{s.t.} \quad & 3x_1 + 2x_2 \leq 36 \\ & 2x_1 + 4x_2 \leq 40 \\ & x_1, x_2 \geq 0 \end{aligned}$$

کارگر (نفر - ساعت)
 ماده اولیه (کیلوگرم)

x_B	Z	x_1	x_2	S_1	S_2	\bar{b}
Z	۱	۰	۰	۱	۲	۱۱۶
x_1	۰	۱	۰	$\frac{1}{2}$	$-\frac{1}{4}$	۸
x_2	۰	۰	۱	$-\frac{1}{4}$	$\frac{3}{8}$	۶

الف. در صورتیکه A_i از $\begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix}$ تغییر کند مسئله حساس است یا نه، با ذکر دلیل بیان کنید. (۷۵/۰ نمره)

ب. از طرف اتحادیه کارگری شرکت ملزم به برگزاری کلاس‌های آموزشی است. برای این دوره‌ها، به ازای هر واحد محصول اول و دوم ۳ و ۲ ساعت وقت لازم است و کل زمان در اختیار ۲۰ ساعت است. اثر محدودیت جدید بر مسئله را به طور کامل بررسی کنید. (حل کامل) (۷۵/۰ نمره)

ج. حدود مجاز تغییرات مقدار سمت راست محدودیت اول را معین کنید. (۷۵/۰ نمره)

تعداد سوالات: نظری ۲۰ تکمیلی - تشرییعی ۶

زمان امتحان: تستی و تکمیلی ۸۰ دقیقه تشرییعی ۹۰ دقیقه

تعداد کل صفحات: ۸

نام پرسن: پژوهش عملیاتی ۲

رشته تحصیلی-گرایش: حسابداری

کد پرسن: ۱۲۱۸۰۹۴

۲. با توجه به جدول بهینه مسئله سوال ۱ مسئله برنامه‌ریزی پارامتری زیر را حل کنید. (۱ نمره)

$$\text{Max } z = (v + \theta)x_1 + (10 - \theta)x_2$$

$$3x_1 + 2x_2 \leq 36$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 40$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

۳. تا دو مرحله از حل مسئله زیر به روش سیمپلکس اصلاح شده ارائه دهید. (۱/۵ نمره)

(تا دو مرحله ورودی و خروجی را مشخص کنید.)

$$\text{Max } z = 3x_1 + 2x_2$$

$$x_1 - x_2 \geq 1$$

$$x_1 + x_2 \leq 2$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

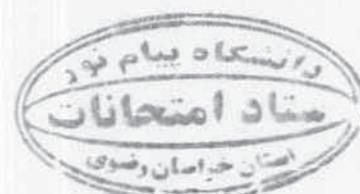
۴. یک جواب اولیه به روش وگل برای مسئله زیر بیابید.

		مشتری	۱	۲	۳	عرضه
آنبار	A	۷	۴	۵	۱۲۰	
	B	۱۲	۹	۱۱	۸۰	
C	۲	۸	۹	۸۰		
تقاضا	۱۰۰	۱۰۰	۱۰۰			

در صورت بینگی و بروز حالت خاص آنرا بیان کنید. در غیر اینصورت ورودی و خروجی را برای مرحله بعد شخص نمایید.

۵. مسئله تخصیص زیر را چنان حل کنید که بیشترین سود عاید شرکت شود.

		منطقه فروش	۱	۲	۳	
فروشنده	A	۲۰	۱۵	۲۰		
	B	۱۰	۱۵	۲۰		
C	۲۵	۱۰	۱۵			
D	۱۲	۱۸	۱۶			



تعداد سوال: نسخه ۲۰ تکمیلی - تشریحی ۶
 زمان امتحان: نسخه تکمیلی ۸۰ نوبت تشریحی ۹۰ نوبت
 تعداد کل صفحات: ۸

۶. مسئله برنامه‌ریزی عدد صحیح زیر را با روش شاخه و حد (انشعاب و تمدید) حل کنید.

$$\text{Min } z = x_1 - 3x_2$$

$$x_1 - x_2 \leq 2$$

$$2x_1 + 4x_2 \leq 15$$

$$x_1 + x_2 \in \mathbb{Z}^+ \cup \{0\}$$

اعداد صحیح نامنفی

جواب برنامه‌ریزی خطی متناظر عبارتست از:

	Z	x_1	x_2	s_1	s_2	\bar{b}
Z	1	- $\frac{5}{2}$	0	0	- $\frac{3}{4}$	- $\frac{15}{4}$
s_1	0	$\frac{3}{2}$	0	1	$\frac{1}{4}$	$\frac{23}{4}$
x_2	0	$\frac{1}{2}$	1	0	$\frac{1}{4}$	$\frac{15}{4}$

