

بسم الله الرحمن الرحيم

اللهم صل على محمد وآل محمد



www.egza.tk

تعداد سوالات: نظری ۲۰ تکلیفی — تشرییع ۵
زمان امتحان: تستی و تکلیفی ۵۰ نظریه تشرییع ۷۰ نظریه
تعداد کل صفحات: ۴

۱۷۲۱/۹
۱۳۰۰

نام درس: معادلات دیفرانسیل
نام بخش: مهندسی اجرایی
کد لرنس: ۲۶۳۱۲

۱. معادله دیفرانسیل $(x^r y - rx)dx - (xy^r + 5x)dy = 0$ است.

- الف. خطی ب. متغیر ج. جداشدنی د. برترولی

۲. معادله $y' = y - x + 1$ پس از تغییر متغیر خطی $u = y - x + 1$ به چه شکل ساده خواهد شد؟

$$u' = 1 + \frac{1}{u} \quad u' = \frac{1}{u} \quad u' = \frac{-1}{u} \quad u' = 2 - \frac{1}{u}$$

۳. جواب عمومی معادله $xy^r dx + (1+y^r)(1-x^r)dy = 0$ کدام است؟

$$-y \ln|1-x^r| + y^r - 1 = c \quad \text{ب.} \quad y \ln|1-x^r| + 2(1-y^r) = c \quad \text{الف.}$$

$$y \ln|1-x^r| + (1-y^r) = cy \quad \text{د.} \quad \frac{-y}{r} \ln|1-x^r| + y^r - 1 - cy = 0 \quad \text{ج.}$$

۴. معادله $y' = \frac{rx}{y+x^ry}$ داده شده است. ساده ترین راه حلی که با این شکل به نظر می رسد، کدام است؟

- الف. برترولی نسبت به x ب. برترولی نسبت به y ج. خطی نسبت به y د. خطی نسبت به x

۵. معادله $\frac{dy}{dx} = \frac{ry + \sqrt{x^r - y^r}}{rx}$ داده شده است. پس از اعمال تغییر متغیر $v = \frac{y}{x}$ صورت ساده شده معادله جدید کدام خواهد بود؟

$$\frac{dv}{dx} = \frac{\sqrt{v^r - 1}}{x} - v \quad \text{ب.}$$

$$\frac{dv}{dx} = \frac{\sqrt{1-v^r}}{x} - x \quad \text{د.}$$

$$\frac{dv}{dx} = \frac{r\sqrt{x^r - v^r}}{x} \quad \text{الف.}$$

$$\frac{dv}{dx} = \frac{\sqrt{1-v^r}}{rx} \quad \text{ز.}$$

۶. جواب عمومی معادله دیفرانسیل خطی مرتبه اول $y' + ry = x^r e^{-rx}$ کدام است؟

$$(x^r - rx + r)e^{-rx} + ce^{-rx} \quad \text{ب.} \quad (x^r - rx + r)e^{-rx} + ce^{rx} \quad \text{الف.}$$

$$(x^r - rx - r)e^{-rx} + ce^{-rx} \quad \text{د.} \quad (-x^r + rx - 1)e^{-rx} + ce^{-rx} \quad \text{ج.}$$

۷. عامل انتگرال‌ساز برای معادله $(y^r + xy^r + y)dx + (x^r + x^ry + x)dy = 0$ کدام است؟

$$\rho = \frac{1}{x^r y^r} \quad \text{ب.}$$

$$\rho = (xy)^r \quad \text{د.}$$

$$\rho = e^{xy} \quad \text{الف.}$$

$$\rho = \frac{1}{(xy)^r} \quad \text{ز.}$$



تمدید سوال: نظر ۲۰ تکمیل - شریعه ۵

زمان امتحان: تئیی و تکمیل ۵۰ نظره شریعه ۷۰ نظره

تمدید کل صفحات ۴

۸. جواب عمومی معادله دیفرانسیل $yy'' + y'^r = 0$ کدام است؟

ln y = c_1 x^r + c_r x . ب.

ln y = c_1 x + c_r . الف.

$\frac{y^r}{x} = c_1 x + c_r . د.$

y^r = c_1 x^r + c_r x . ج.

۹. خانواده مسیرهای متعامد بر دسته منحنی های $x^m = (y - c)^n$ کدام است؟

y(x - m) = k . ب.

y(x - k) = 1 . الف.

x(y - k) = 1 . د.

x(y - m) = k . ج.

۱۰. معادله خطی مرتبه سومی که جواب عمومی آن $y = c_1 e^x + c_r e^{-x} + c_m x^m$ باشد، کدام است؟

y''' - y'' = 0 . ب.

y''' - y' = 0 . الف.

(y'' - y)y' = 0 . د.

y'(y'' - y') = 0 . ج.

۱۱. جواب عمومی معادله غیرهمگن $y''' - 2y'' - my = -1 - 9x^r$ کدام است؟

y = c_1 e^{-rx} + c_r e^x - rx^r + rx + \alpha . ب.

y = c_1 e^{-rx} + c_r e^x + x^r - rx + \alpha . الف.

y = c_1 e^{rx} + c_r e^{-x} - rx^r + x - \alpha . د.

y = c_1 e^{rx} + c_r e^{-x} + rx^r - rx + \alpha . ج.

۱۲. جواب عمومی معادله دیفرانسیل $y'' + y = \operatorname{tg} x \sec x$ کدام است؟

y = (\ln|\cos x| + c_1) \cos x + \left(\frac{-x}{r} + \frac{\sin rx}{r} + c_r\right) \sin x . الف.

y = \left(\frac{x}{r} - \frac{\sin rx}{r} + c_1\right) \cos x + (\ln|\csc x| + c_r) \sin x . ب.

y = (\ln|\sec x| + c_1) \cos x + \left(\frac{x}{r} - \frac{\sin rx}{r} + c_r\right) \sin x . ج.

y = \left(\frac{-x}{r} + \frac{\sin rx}{r} + c_1\right) \cos x + (\ln|\sec x| + c_r) \sin x . د.

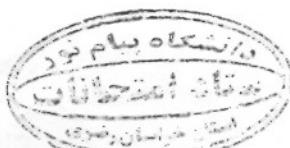
۱۳. جواب عمومی معادله $x^r y'' + xy' - y = 0$ کدام است؟

c_1 x + \frac{c_r}{x} . ب.

c_1 x^r + \frac{c_r}{x^r} . الف.

c_1 x^r + \frac{c_r}{x} . د.

c_1 x + \frac{c_r}{x^r} . ج.



تعداد سوالات: نظر ۲۰ - تکلیف - شریعتی ۵

زمان امتحان: نظر و تکلیف ۵۰ - نظره شریعتی ۷۰ - نظره

تعداد کل صفحات: ۴

۱۴. تابع $y_1 = e^x$ یک جواب از معادله $xy'' + (1-2x)y' + (x-1)y = 0$ است. جواب دوم این معادله کدام است؟

$$y_p = \frac{\ln x}{e^x}$$

الف.

$$y_p = \frac{e^x}{x \cdot \ln x}$$

ج.

۱۵. جواب عمومی دستگاه معادلات کدام است؟

$$\begin{cases} y_1 = c_1 \cos x + c_2 \sin x \\ y_2 = c_2 \cos x - c_1 \sin x \end{cases}$$

$$\begin{cases} y_1 = c_1 \cos x + c_2 \sin x \\ y_2 = c_2 \cos x + c_1 \sin x \end{cases}$$

$$\begin{cases} y_1 = c_1 \cos x - c_2 \sin x \\ y_2 = c_2 \cos x + c_1 \sin x \end{cases}$$

$$\begin{cases} y_1 = c_1 \cos x - c_2 \sin x \\ y_2 = c_2 \cos x - c_1 \sin x \end{cases}$$

۱۶. نقطه x_0 برای معادله $x^r(x^r - 4)y'' + 2xy' - (x^r - 2x)y = 0$ چه نوع نقطه‌ای است؟

د. منفرد نامنظم

ج. متفاوت نامنظم

ب. معمولی نامنظم

الف.

۱۷. معادله $(1-x)y'' + xy' - y = 0$ در نزدیکی نقطه $x_0 = 1$ با تغییر متغیر $X = x - x_0$ به چه شکلی ساده خواهد شد؟

$$Y'' - (X-1)Y' - Y = 0$$

$$Y'' + (X+1)Y' - Y = 0$$

$$Y'' + (X-1)Y' + Y = 0$$

$$Y'' - (X+1)Y' + Y = 0$$

۱۸. جوابهای معادله $2x^ry'' + 5xy' + (1-x^r)y = 0$ در اطراف نقطه $x_0 = 0$ به شکل سری فربوی نرس هستند. توانهای شاخص این جوابها کدامند؟

$$S_1 = +1, S_2 = -2$$

$$S_1 = \frac{-1}{2}, S_2 = -1$$

$$S_1 = 1, S_2 = \frac{-1}{2}$$

$$S_1 = \frac{-1}{2}, S_2 = -2$$



تعداد سوالات: پنج ۲۰ تکمیل - تشرییح ۵

زمان امتحان: تئیین و تکمیل ۵۰ نفره تشرییح ۷۰ نفره

تعداد کل صفحات: ۳

۱۹. حاصل تبدیل لاپلاس تابع $f(x) = xe^{-rx} \sin^3 x$ کدام است؟

$$\frac{-s(s+2)}{s^3 + 4s + 13}$$

$$\frac{9s}{(s^3 - 4s + 13)^3}$$

$$\frac{6(s+2)}{(s^3 + 4s + 13)^3}$$

$$\frac{-6s}{s^3 - 4s + 13}$$

۲۰. تبدیل لاپلاس تابع $f(x) = x \int_0^x e^{-t} \sinh(x-t) dt$ کدام است؟

$$\frac{-3s+1}{(s+1)^3 (s-1)}$$

$$\frac{3s-1}{(s+1)^3 (s-1)^3}$$

$$\frac{3s+1}{(s+1)^3 (s-1)^3}$$

$$\frac{3-s}{(s+1)^3 (s-1)^3}$$

مسئلات تشرییحی

۱. معادلات دیفرانسیل مرتبه اول زیر را حل کنید:

$$(y + y^r e^{rx})dx - xdy = 0 \quad \text{الف.}$$

$$\left(\frac{rx}{y} - \frac{y}{x^r + y^r}\right)dx + \left(\frac{x}{x^r + y^r} - \frac{x^r}{y^r}\right)dy = 0 \quad \text{ب.}$$

۲. الف. معادله خانواده مسیرهای قائم بر دسته منحنی های $x^r - y^r = 2cx$ را به دست آورید.ب. معادله $0 = y'' - y''' + yy''' = 0$ را حل کنید.۳. الف. معادله دیفرانسیل $(y - e^{-rx}) = x(1 - e^{-rx}) - 3y' - 10y$ را حل کنید.

$$\begin{cases} y'_1 = 3y_1 - 4y_r + e^x \\ y'_r = y_1 - y_r - e^x \end{cases} \quad \text{ب. دستگاه معادلات دیفرانسیل را حل کنید.}$$

۴. جواب سری توانی معادله $(x^r + 1)y'' - 4xy' + 4y = 0$ را در اطراف نقطه $x=0$ بیابید.۵. معادله انتگرال $f(x) = \sin x + \int_0^x f(x-t) \cos t dt$ را با شرط $f(0) = 0$ به کمک تبدیل لاپلاس حل کنید.