

بسم الله الرحمن الرحيم

اللهم صل على محمد وآل محمد



## طراحی الگوریتم نیمسال اول ۸۱

۱- کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح نیست؟

- الف- پیچیدگی محاسباتی عبارت از معالجه تمام الگوریتمهای امکان پذیر برای حل یک مسئله مفروض است.
- ب- یک الگوریتم مرتب‌سازی را هنگامی درجا (inplace) می‌گویند که فضای اضافی مورد نیاز آن یک مقدار ثابت باشد.
- ج- مرتب‌سازی هرمی (heapsort) یک الگوریتم  $\Theta(n^2)$  است.
- د- مرتب‌سازی هرمی (heapsort) یک الگوریتم درجا (inplace) است.

۲- اگر  $m$  تعداد برگها در یک درخت دودویی و  $d$  عمق آن باشد، کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

$$d = m + \log m \quad \text{ب-} \quad d \geq \lceil \log m \rceil \quad \text{الف-}$$

$$d > m \log m \quad \text{د-} \quad d = 2^m - m \quad \text{ج-}$$

۳- در مورد یک الگوریتم قطبی که  $n$  کلید مستقل را فقط با مقایسه کلیدها مرتب می‌کند، کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

- الف- این الگوریتم در بدترین حالت  $\lceil \log(n!) \rceil$  مقایسه انجام می‌دهد.
- ب- این الگوریتم در بدترین حالت  $\lceil n \log n - 1.45n \rceil$  مقایسه انجام می‌دهد.
- ج- این الگوریتم بطور میانگین حداقل  $\lceil n \log n - 1.45n \rceil$  مقایسه انجام می‌دهد
- د- همه گزینه‌ها

۴- در مورد مسئله ۳ وزیر (مسئله  $n=3$ ) کدامیک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

- الف- وزیر در خانه‌های  $(1,1), (2,3)$  و  $(3,2)$  قرار می‌گیرند.
- ب- وزیر در خانه‌های  $(1,2), (2,3)$  و  $(3,1)$  قرار می‌گیرند
- ج- حلی برای این مسئله وجود ندارد.
- د- دیگرکدام

۵- اگر از روش عقبگرد برای حل مسئله  $n$  وزیر استفاده کنیم با این فرض که در هر سطر بیش از یک وزیر نمی‌تواند قرار بگیرد، تعداد برگهای درخت فضای حافظه کدامیک از گزینه‌های زیر است؟

$$\text{ب- } n! \quad \text{الف- } 2^n$$

$$\text{د- } n^4 \quad \text{ج- } n^2$$

6- پیچیدگی تابع  $n + 4n = 2T(\frac{n}{2})$  کدامیک از گزینه‌های زیر است؟

- الف-  $\theta(n^2)$
- ب-  $\theta(n)$
- ج-  $\theta(2^n)$
- د-  $\theta(n \log n)$

7- کدامیک از گزینه‌های زیر <sup>ستم</sup> است؟

- الف- در مسئله خرد کردن پول روش حریصانه حمواره حل بهینه را بدست می‌دهد.
- ب- روش حریصانه قادر نیست مسئله کوله‌پشتی کسری را حل کند.
- ج- روش برنامه‌نویسی پایا قادر به حل مسئله کوله‌پشتی صفر و یک نیست.
- د- در مورد مسئله کوله‌پشتی صفر و یک الگوریتم غنیمت معمولًا بازدھی بیشتری نسبت به الگوریتم برنامه‌نویسی پایا دارد.

8- در مورد مسئله کوله‌پشتی کسری کدامیک از روشهای حریصانه زیر حل مسئله را بدست می‌دهد؟

- الف- قطعات با بیشترین ارزش زودتر از همه برداشته شوند.
- ب- سبکترین قطعات زودتر از همه برداشته شوند.
- ج- قطعات با بیشترین ارزش به ازای واحد وزن زودتر از همه برداشته شوند.
- د- این مسئله با روش حریصانه قابل حل نیست.

9- پیچیدگی زمان اجرای الگوریتم یافتن درخت جستجوی دودویی بهینه با استفاده از روش برنامه‌نویسی پایا کدامیک از گزینه‌های زیر است؟

- الف-  $\theta(n^2)$
- ب-  $\theta(n^3)$
- ج-  $\theta(2^n)$
- د-  $\theta(n \log n)$

10- تعداد دفاتر فراخوانی تابع زیر کدامیک از گزینه‌ها می‌باشد؟

```
int bin ( int n , int k )
{
    if ( k == 0 ) || ( n == k )
        return ( 1 );
    else   return ( bin ( n - 1 , k - 1 ) + bin ( n - 1 , k ) );
}
```

- الف-  $\binom{n}{k}$
- ب-  $2\binom{n}{k}$
- ج-  $2^n$
- د- هیچ‌کدام

۱. پیچیدگی زمانی تکه برنامه مقابل چیست؟

```

sum = a = 1;
for (i = 1; i <= n; i++)
    for (j = 1; j <= n; j++)
        {
            sum += a;
        }
print(sum);

```

- الف.  $O(n)$       ب.  $O(n^2)$       ج.  $O(n \log n)$       د.  $O(n\sqrt{n})$

۲. پیچیدگی زمانی تولید عدد  $\pi$  ام سری فیبوناچی به روش تکراری کدام است؟

- الف.  $O(n \log n)$       ب.  $O((\frac{1+\sqrt{5}}{2})^n)$       ج.  $O(n^2)$       د.  $O(n^3)$

۳. اگر برای مرتبسازی داده‌های زیر ازروش *Gnick sort* استفاده نمائیم . تعداد داده‌های آخرین لیست پس از کذر دوم چیست؟  
( عنصر محور: عنصر اول هر لیست می‌باشد)

۵, 2, 8, 1, 4, 3, 7, 6, 10, 0

- الف. 2      ب. 3      ج. 1      د. 4

۴. کدامیک از روابط بازگشتی زیر ، تحلیل زمانی ضرب ماتریس‌های بزرگ به روش استراسن است؟

$$T(n) = 3T\left(\frac{n}{2}\right) + an + b \quad \text{الف. } T(n) = 7T\left(\frac{n}{2}\right) + an^2 + bn + c$$

$$T(n) = 3T\left(\frac{n}{2}\right) + an^2 + bn + c \quad \text{د. } T(n) = 7T\left(\frac{n}{4}\right) + an + b \quad \text{ج. } T(n) = 7T\left(\frac{n}{4}\right) + an^2 + bn + c$$

۵. در حل مسئله کوله‌پشتی مناسب‌ترین معیار برای بیشترشدن ارزش کوله‌پشتی چیست؟

الف. انتخاب اشیاء با کمترین وزن      ب. انتخاب اشیاء با بیشترین ارزش

ج. انتخاب اشیاء با بیشترین نسبت ارزش به وزن      د. انتخاب اشیاء با بیشترین اختلاف ارزش و وزن

۶. بیشترین طول که در کد گذاری هافمن برای  $n$  داده مختلف کدام است؟

- الف.  $n$       ب.  $\log_2^n$       ج.  $\frac{n}{2}$       د.  $n-1$

۷. کمترین تعداد عمل برای ضرب 4 ماتریس مقابل کدام است؟

$A_{2 \times 5} \times B_{5 \times 1} \times C_{1 \times 3} \times D_{3 \times 8}$

- الف. 50      ب. 64      ج. 93      د. 215

۸. روش حل مسئله یافتن درخت جستجوی دودویی بهینه کدام است؟

- الف. پیجیویی به عقب (B.T.)  
ب. تقسیم و غلبه (D & C)  
ج. برنامه‌ریزی پویا (D.P.)  
د. الگوریتم‌های گراف

۹. روش حل مسئله  $\Pi$  وزیر کدام است؟

- الف. پیجیویی به عقب (B.T.)  
ب. تقسیم و غلبه (D & C)  
ج. برنامه‌ریزی پویا (D.P.)  
د. الگوریتم‌های گراف

۱۰. پیچیدگی زمانی حل مسئله تابع ترکیب با پارامترهای  $n, m$  با روش برنامه‌ریزی پویا کدام است؟

- $O\left(\binom{n}{m}\right)$  ب.  $O\left(\binom{m}{n}\right)$  الف.  
 $O(n+m)$  د.  $O(nm)$  ج.

### «سؤالات تشریحی»

۱. شبکه کد الگوریتم جستجوی دودویی را بنویسید.

۲. نمادهای  $O$  (أُرى بزرگ) ،  $\Theta$  (أُرى کوچک) ،  $\Omega$  ،  $\theta$  را تعریف کرده تفاوت آنها را ذکر کنید.

۳. روش حل مسئله کوله‌پشتی  $1,0,1$  را فقط توضیح دهید.

۴. پیچیدگی زمانی حل مسئله  $\Pi$  وزیر را محاسبه کنید.

## طراحی الگوریتم نیمسال اول ۸۵

مجموعه توابع زیر بر حسب افزایش مرتبه از چه به راست مرتب می‌ستد؟

ب.  $n^{1000}, (1.005)^n, n!$       (۱.۰۰۵)<sup>n</sup>,  $n^{1000}$

د.  $n^{1000}, n!, (1.005)^n$       (۱.۰۰۵)<sup>n</sup>,  $n!$ ,

مانند یک ساختار شرطی به صورت رو برو کدام است؟

نست به علاوه زمان  $S_1$       شرط (۱)

$S_1;$        $S_2, S_1$  نست به علاوه ماکریسم زمان  $S_1$

else       $S_2$  نست به علاوه زمان  $S_2$

$S_2;$        $S_2$  نست به علاوه زمان  $S_1$  به علاوه  $S_2$

بع زیر که به صورت (۲.۱) مذکور شده است کدام می‌باشد؟

```
int f(int m, int n)
{
    if (m == 0)
        return (++n);
    if (n == 0)
        return (f(m-1, 1));
    return (f(m-1, f(m, n-1)));
}
```

۲. د.

ج. ۸.

ب. ۵

ای قطعه برنامه زیر کدام است؟

```
i = n;
while(i > 1){
    i = i / r; j = n;
    while(j > 1)
        j = j / r;
}
```

$O(\log_r^n \times \log_r^n)$  د.

$O(\log_r^n)$  چ.

ب.  $O(\log_r^n)$

$O(\log_r^n)$

۵ در صورتی که آرایه مورد حسنه در حسنه در دو دو نی به صورت (۱.۰، ۱.۲، ۳، ۴، ۵، ۶، ۷) باشد متوسط تعداد مذکوهها برای حسنه موفق چیست؟

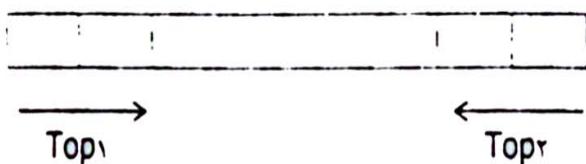
الف ۲۷.۹      ب ۲۵.۹      ج ۲۱.۹      د هیچکدام

۶ عبارت infix زیر معادل کدامیک از عبارات postfix است؟

$$((A - B) + D) \cdot (E - F)$$

ب $ABD + \cdot EF - \Lambda$	الف $AB + D \cdot EF - \Lambda$ $+ AB \cdot D - EF - \Lambda EF$
د هیچکدام	ج

۷ در پشنه در یک آرایه به طول  $n$  پیاده‌سازی شده‌اند اگر top بکری به حالت خالی و top دیگری به حالت پر بودن آرایه کام است؟



الف ۱-۱      ب هیچکدام      ج top1 > top2      د top1 = top2      ۵ top1 = top2 - ۱

۸ مبینم تعداد متغیرهای مبافن در محاسبه عبارت جری  $ab + cd \cdot / a +$  به صورت postfix مرا مر ایست ما

الف ۱      ب ۲      ج ۳      د ۴

۹ نایع زیر چه عملی انجام می‌ردد؟

```
int f(node * a){
    Node * x;
    int t = 0;
    if (a != null)
        x = a;
    do{
        ++t; x = x->next;
    } while(x != a);
    return(t)
}
```

الف بک لیست حلقوی را پیمایش من کند      ب یک لیست زنجیری را پیمایش من کند

ج تعداد گره‌های یک لیست حلقوی را من شمارد      د تعداد گره‌های یک لیست را من شمارد

۱۰ برای اضافه کردن یک گره به یک لیست پیوندی دو طرف چند جابگری‌ی لازم است؟

الف ۱      ب ۲      ج ۳      د ۴

۱۱. در لیست پیوندی حلقوی اغلب به جای ذخیره آدرس ابتدای لیست آدرس انتهای لیست ذخیره می‌شود. مزیت این کار در چیست؟

الف. زمان حذف یک گره از اول لیست از مرتبه  $O(n)$  می‌شود.

ب. زمان درج یک گره قبل از گره ابتدایی ساده می‌شود.

ج. زمان اضافه کردن و یا حذف یک گره از اول لیست از مرتبه  $O(n)$  می‌شود.

د. هیچکدام

۱۲. در یک درخت چهارتایی کامل که مجموعاً ۲۱ داس دارد، چه تعداد از این رنوس برگ هستند؟

۱۸.

۱۷. ب. ۱۶

۱۳. در یک درخت دودوئی کامل با  $n$  گره، برای هر گره با اندازه  $A$  داریم:

الف. اگر  $A > 1$  باشد، آریشه است و پدری نخواهد داشت. ب. اگر  $A < 1$  باشد، آفرزند راست ندارد.

ج. اگر  $A = 1$  باشد، آنگاه پدر  $A$  در  $[2/A]$  است. د. هیچکدام

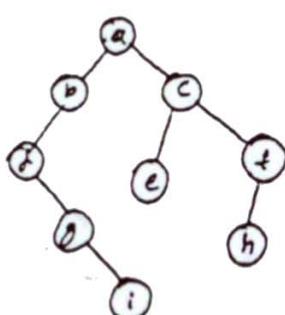
۱۴. کدام گزینه پیمایش postorder درخت روبروست؟

الف. dgibenfca

ب. igdbehfca

ج. dgivaechf

د. هیچکدام



۱۵. اگر دنباله‌های preoder, Inorder از یک درخت دودوئی موجود باشد آنگاه:

الف. می‌توان درخت دودوئی ساخت اما یکتا نخواهد بود. ب. امکان ساخت درخت دودوئی وجود ندارد.

ج. می‌توان درخت دودوئی ساخت و یکتا خواهد بود. د. هیچکدام

۱۶. با سه گره چند درخت دودوئی متمایز می‌توان ساخت؟

۱۴.

۷. ج.

۵. ب.

۶. الف.

۱۷. کدام گزینه نادرست است؟

الف. بیشترین تعداد گرهها در یک درخت دودوئی به عمق  $K$ .  $2^k - 1$  است؟

ب. بیشترین تعداد گرهها روی سطح  $A$  ام یک درخت دودوئی  $2^{A-1}$  است.

ج. در هیچ درخت عادی گره صفر وجود ندارد.

د. در هیچ درخت دودوئی گره صفر وجود ندارد.

۱۸. چنانچه بخواهیم داده‌های تکراری را از لیست حذف کنیم. از کدام ساختار داده برای لیست مزبور استفاده می‌کنیم؟

الف. درخت جستجوی دودوئی ب. درخت heap ج. پشته د. صف

۱۹. اگر یک درخت دودوئی جستجو داشته باشیم برای تولید یک آرایه مرتب کدام روش زیر صحیح است؟

الف. پیمایش preoder ب. پیمایش inorder ج. پیمایش postorder د. هیچکدام

۲۰. در یک درخت BST ۱۶ عنصر ذخیره شده است برای جستجوی یک عنصر دلخواه حداقل چند مقایسه نیاز است؟

۱۰.

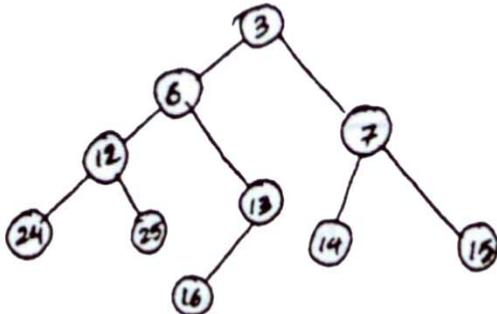
۸. ج.

۱۶. ب.

الف. ۴

۲۱. کدام گزینه در مورد درخت زیر صحیح است؟

- الف. یک درخت پر است
- ب. یک درخت کامل
- ج. یک درخت BST
- د. هیچکام



۲۲. با  $n$  عنصر متفاوت، چند درخت BST متفاوت با ارتفاع ۱- $n$  وجود دارد؟

- الف.  $n^{n-1}$
- ب.  $n^n$
- ج.  $n!$
- د.  $n/2$

۲۳. یک درخت Max-heap با  $n$  عنصر به صورت آرایه پیاده سازی شده است مناسبترین گزینه برای پیدا کردن عنصر Min در این ساخته نمایند.

الف. این کار را همواره می‌توان با  $O(\log n)$  مقایسه بین عناصر heap انجام داد.

ب. این کار به حداقل  $\frac{n}{2}$  مقایسه بین عناصر heap بیاز دارد.

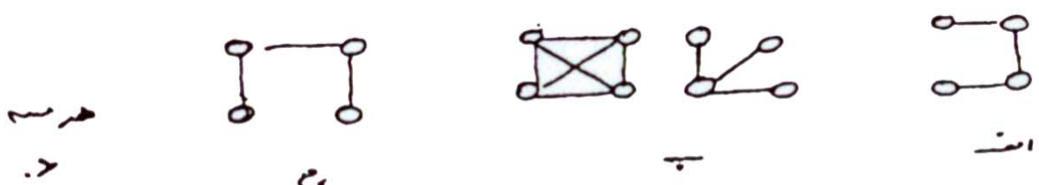
ج. این کار ممکن است با  $n-1$  مقایسه بین عناصر heap بیاز داشته باشد.

د. هیچکام

۲۴. فرض کنید که  $G$  دو گره در یک گراف بدون جهت  $G$  باشند اگر دو مسیر  $P_1, P_2$  از ۱ به ۷ وجود داشته باشد آنگاه

الف. ۱، ۷ بیاورد      ب.  $G$  دارای سیکل است.      ج. نمی‌تواند یک گراف باشد.      د. هیچکام

۲۵. گراف زیر داده شده است کدامیک از انتهای زیر spanning tree این گراف است؟



### سوالات نظریه

۱.تابع بازگشتنی برای پیدا کردن بزرگترین مقصوم علیه مشترک نوشته سهس تابع زمانی و بیجیدکی آن را محاسبه کنید

۲. اولاً ساختار داده صفت را تعریف کنید سهس تابع حذف را اضافه در صفت را بنویسید. ثانیاً مزایا و معایب صفت را حل های مشکلات احتمالی را بیان کنید.

۳. اولاً ماتریس sparse را تعریف کنید. ثانیاً تابعی بنویسید که مجموع دو ماتریس  $n \times n$  را محاسبه نماید.

۴. تابعی بنویسید که تعداد گره های برگ یک درخت دودوئی را محاسبه نماید.

۵. اعداد زیر را در نظر بگیرید:

۱، ۵، ۳، ۴، ۹، ۲۲، ۲۷، ۲۰

الف. ما اعداد بالا درخت bst سازیم.

ب. تابع حذف از درخت bst را نوشت و تحلیل زمانی نمایند.